

А. Н. Т и м а ш е в (Москва, ТВП). **Предельные теоремы для совместного распределения длин циклов в случайной подстановке с известным числом циклов.**

Пусть $\pi_{N,n}$ — случайная подстановка степени n , содержащая ровно $N \leq n$ циклов и равномерно распределенная на множестве всех $|s(n, N)|$ подстановок степени n с N циклами (здесь $s(n, N)$ — числа Стирлинга первого рода). Пусть, далее, η_1, \dots, η_N — длины циклов случайной подстановки $\pi_{N,n}$, занумерованных одним из $N!$ возможных способов. Тогда для таких любых целых положительных чисел k_1, \dots, k_N , что $k_1 + \dots + k_N = n$, справедливо равенство [1]

$$\mathbf{P} \{ \eta_1 = k_1, \dots, \eta_N = k_N \} = \mathbf{P} \{ \xi_1 = k_1, \dots, \xi_N = k_N \mid \xi_1 + \dots + \xi_N = n \}. \quad (1)$$

В равенстве (1) ξ_1, \dots, ξ_N — независимые одинаково распределенные случайные величины, для которых

$$\mathbf{P} \{ \xi_1 = k \} = - \frac{\theta^k}{k \ln(1 - \theta)}, \quad \theta \in (0, 1), \quad k = 1, 2, \dots \quad (2)$$

Равенства (2) означают, что случайная величина ξ_1 имеет распределение логарифмического ряда с параметром θ . Таким образом, для получения предельных распределений длин циклов случайной подстановки $\pi_{N,n}$ можно использовать обобщенную схему размещения [1].

Доказаны предельные теоремы, оценивающие распределение случайного вектора (η_1, \dots, η_N) при $n, N \rightarrow \infty$, в том числе и в области больших отклонений. Выводятся асимптотические разложения локальных и интегральных вероятностей для суммы независимых одинаково распределенных случайных величин, определяющих соответствующую обобщенную схему размещения. Эти случайные величины имеют распределение логарифмического ряда; их кумулянты выражаются при помощи линейных рекуррентных соотношений и используются при подсчете коэффициентов асимптотического разложения.

СПИСОК ЛИТЕРАТУРЫ

1. Колчин В. Ф. Случайные отображения. М.: Наука, 1984.