

**М. А. Б у т а к о в а, С. В. Ч у б е й к о** (Ростов-на-Дону, РГУПС). **Некоторые аспекты математических моделей очередей с обеспечением качества обслуживания.**

Модели теории систем и сетей массового обслуживания (СМО и СеМО) на протяжении многих лет являются одними из наиболее распространенных моделей вычислительных систем и информационных сетей. Тем не менее, возрастающая сложность топологии информационных сетей, увеличение объемов передаваемой информации, разнородность и «взрывной» характер трафика, наличие в нем свойств самоподобия и долговременной зависимости, интенсивно изучаемых на нынешнем этапе моделирования информационных сетей, делают все более затруднительными применение в этой области Марковских СеМО. Еще одним обстоятельством, ограничивающим применение хорошо изученных методов теории СМО и СеМО, является активное использование в реально существующих распределенных информационных системах и сетях принципов обеспечения некоторого гарантированного уровня качества услуг, предоставляемых пользователям сетей.

В связи с этим, в течение последнего десятилетия развивается подход к моделированию информационных систем и сетей на основе моделей очередей с обеспечением качества обслуживания, называемый в зарубежной научной литературе «network calculus» [1, 2], пока не имеющий соответствующего устоявшегося русскоязычного термина. Очевидно, что буквальный перевод термина «network calculus» — «сетевое исчисление» никак не отражает сути моделей, положенных в основу этого метода моделирования, поэтому (приблизительно) названный термин можно охарактеризовать как «методы моделирования инфокоммуникационных сетей с учетом требований производительности и качества обслуживания». Отметим особенности вышеназванного метода моделирования, несколько отличающего его от широко известных в СМО и СеМО методов: входной поток имеет «взрывной характер», большие отклонения, что может означать возможность описания входного потока заявок на обслуживание вероятностными распределениями, имеющими бесконечное математическое ожидание; функционирование элементов обслуживания в общем случае описывается нелинейными соотношениями «вход–выход», что может привести к невозможности адекватного подбора вероятностного распределения длительности обслуживания из числа известных; длина очереди элемента обслуживания не является бесконечной, но может динамически изменяться для обеспечения некоторых заранее заданных гарантированных характеристик качества обслуживания; дисциплина обслуживания может динамически изменять как правила отказа требований в обслуживании, так и правила выбора требований на обслуживание в соответствии с некоторыми заранее заданными граничными значениями, обеспечивающими гарантированный уровень качества обслуживания.

В соответствии с данными особенностями обслуживания математический аппарат «network calculus» состоит из: 1) моделей входного потока и его фильтрации; 2) моделей описания нелинейных устройств обслуживания и методов их линеаризации; 3) моделей управления параметрами обслуживания и методами описания соотношений, характеризующих выходной поток. Заметим также, что модели входного потока и модели обслуживания описываются как кумулятивные процессы.

Обозначим  $A(t)$  — кумулятивный входящий поток,  $A^*(t)$  — кумулятивный исходящий поток на интервале времени  $(0, t]$ ,  $S(t)$  — кумулятивный поток обслуживания,  $A(0) = A^*(0) = S(0) = 0$ ,  $0 \leq s \leq t$ ,  $A(s, t) = A(t) - A(s)$ ,  $A^*(s, t) = A^*(t) - A^*(s)$ ,  $S(s, t) = S(t) - S(s)$ .

Обозначим  $F = \{f(\cdot): 0 \leq f(x) \leq f(y) \text{ для всех } 0 \leq x \leq y\}$  — множество неотрицательных в широком смысле неубывающих функций,  $\hat{F} = \{f(\cdot): 0 \leq f(y) \leq f(x) \text{ для всех } 0 \leq x \leq y\}$  — множество неотрицательных в широком смысле невозрастающих функций.

**Утверждение 1.** *Для входного кумулятивного потока можно построить*

фильтрующий функционал  $A \sim \langle \alpha, \beta \rangle$ ,  $\alpha \in F$ ,  $\beta \in \widehat{F}$ , обеспечивающий заданные границы входного потока, если для всех  $t \geq 0$  и  $x \geq 0$

$$\mathbf{P} \left\{ \sup_{0 \leq x \leq t} \sup_{0 \leq u \leq s} [A(u, s) - \beta(s - u)] > x \right\} \leq \alpha(x).$$

**Утверждение 2.** Для входного кумулятивного потока  $A(t)$  можно построить функционал обслуживания  $S \sim \langle \gamma, \delta \rangle$ ,  $\gamma \in F$ ,  $\delta \in \widehat{F}$ , обеспечивающий заданные границы кумулятивного потока обслуживания  $S(t)$ , если  $\mathbf{P} \{ \sup_{0 \leq x \leq t} [A \otimes \gamma - A^*(s)] > x \} \leq \delta(x)$  для всех  $t \geq 0$  и  $x \geq 0$ , где  $(f \otimes g)(t) = \inf_{0 \leq x \leq t} \{f(sg(t - s))\}$ .

Утверждения 1 и 2 предназначены для определения граничных значений характеристик обслуживания при решении задачи обеспечения качества обслуживания.

#### СПИСОК ЛИТЕРАТУРЫ

1. *Le Boudec J. Y., Thiran P.* Network Calculus. New York: Springer-Verlag, 2001, v. LNCS 2050, Lecture Notes in Computer Science.
2. *Jiang Y., Liu Y.* Stochastic Network Calculus. New York: Springer, 2008.