

**А. А. Чубатов, В. Н. Кармазин** (Армавир, АГПА, Краснодар, КубГУ). **Задача восстановления ядра интегрального уравнения.**

Рассмотрим линейное полуэмпирическое уравнение турбулентной диффузии при однородных начальном и граничных условиях [1]

$$\frac{\partial q}{\partial t} + v_x \frac{\partial q}{\partial x} + v_y \frac{\partial q}{\partial y} + \frac{\partial v_z q}{\partial z} = K_x \left( \frac{\partial^2 q}{\partial x^2} \right) + K_y \left( \frac{\partial^2 q}{\partial y^2} \right) + \frac{\partial}{\partial z} \left( K_z \frac{\partial q}{\partial z} \right) + f(x, y, z) g(t), \quad (1)$$

где  $q = q(x, y, z, t)$  — концентрация загрязняющей примеси,  $(v_x, v_y, v_z)$  — скорость ветра,  $K_x, K_y, K_z$  — коэффициенты турбулентной диффузии, функции  $f(x, y, z)$  и  $g(t)$  определяют расположение и интенсивность источника.

В работах [2, 3] рассмотрена задача экспресс-идентификации интенсивности источника  $g(t)$  при известных замерах концентрации  $q_{ji} = q(x_j, y_j, z_j, t_i)$  и ступенчатых коэффициентах чувствительности  $\phi_{ji} = \mathcal{Q}(x_j, y_j, z_j, t_i)$ ,  $\mathcal{Q}(x, y, z, t)$  — решение прямой задачи (1) при единичной интенсивности источника.

Обратная задача идентификации интенсивности источника при помощи теоремы Дюамеля сводится к решению интегрального уравнения Вольтерра 1-го рода

$$\int_0^t \frac{\partial \mathcal{Q}(x_j, y_j, z_j, t - \tau)}{\partial t} g(\tau) d\tau = q(x_j, y_j, z_j, t). \quad (2)$$

Коэффициенты чувствительности описывают причинно-следственные отношения прямой задачи (1) и содержат информацию о параметрах модели: коэффициенты диффузии, скорость ветра, геометрию области, расположение источника и датчика, за исключением интенсивности источника.

Во многих практических случаях параметры модели (1) неизвестны, поэтому возникает необходимость восстановления функции  $\mathcal{Q}(x, y, z, t)$  из уравнения (2) на основе экспериментально известных значений интенсивности  $g(t_i)$  и замеров концентрации  $q_{ji}$ . Задача восстановления функции  $\mathcal{Q}(x, y, z, t)$  решалась методами глобальной и последовательной регуляризации А. Н. Тихонова [4].

Проведены вычислительные эксперименты, построены устойчивые численные приближения функции  $\mathcal{Q}(x, y, z, t)$ , в том числе и при наличии погрешностей в замерах концентрации и интенсивности.

Работа выполнена при финансовой поддержке РФФИ и администрации Краснодарского края (проект № 09-01-96506, «Разработка экспрессных методов мониторинга источников загрязнения атмосферы»).

#### СПИСОК ЛИТЕРАТУРЫ

1. *Марчук Г. И.* Математическое моделирование в проблеме окружающей среды. М.: Наука, 1982.
2. *Чубатов А. А., Кармазин В. Н.* Экспресс-контроль за источником загрязнения атмосферы на основе метода последовательной функциональной аппроксимации. — Вестник СамГТУ Сер. физ.-мат. науки, 2008, № 2 (17), с. 210–214.
3. *Чубатов А. А., Кармазин В. Н.* Идентификация интенсивности источника загрязнения атмосферы на основе метода последовательной функциональной аппроксимации. — Обозрение прикл. и промышл. матем., 2008, т. 15, в. 6, с. 1143–1144.
4. *Тихонов А. Н., Арсенин В. Я.* Методы решения некорректных задач. М.: Наука, 1986.